

## Laboratorium programowania niskopoziomowego

### LAB 7 – Operacje na liczbach BCD.

BCD (binary coded decimal) jest zapisem cyfr dziesiętnych w kodzie binarnym. Jeden bajt może dzielić się na 2 części po 4 bity, z których każda może przyjąć wartość 0-9. Cały bajt reprezentuje zatem liczby od 0 do 99, w których cyfra jedności jest zapisana w młodszych 4 bitach, a cyfra dziesiątek w starszych 4 bitach. Taka forma przechowywania liczb BDC nazywa się spakowanym BCD. Natomiast niespakowane BCD oznaczają, że najmłodsze 4 bity przechowują cyfrę BCD, a starsze nie biorą udziału w obliczeniach. Uwaga – dla niespakowanych liczb BCD starsze 4 bity należy wyzerować, aby podczas procedury arytmetycznej prawidłowo działały przeniesienie i pożyczka!

Liczba dziesiętna **1234** zapisana w BCD nie spakowanym:

```
char *bcd = new char[4];  
bcd[0] = 0b 0000 0001; // 1  
bcd[1] = 0b 0000 0010; // 2  
bcd[2] = 0b 0000 0011; // 3  
bcd[3] = 0b 0000 0100; // 4
```

Liczba dziesiętna **1234** zapisana w BCD spakowanym:

```
char *bcd = new char[2];  
bcd[0] = 0b 0001 0010b; // 1 2  
bcd[1] = 0b 0011 0100b; // 3 4
```

Arytmetyka BCD opiera się o klasyczne operacje arytmetyczne, obliczane „pod kreską”. Poniżej przedstawiono schemat dodawania, dla odejmowania jest on analogiczny.

$$\begin{array}{r} 286 \\ + 111 \\ \hline 397 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 286 \\ + 321 \\ \hline 607 \end{array}$$

Poniżej przedstawiono schemat mnożenia liczb, który wymaga więcej operacji niż w przypadku dodawania:

```
      5678
      *   3
      ----
    222
    5678
    *   3
    ----
  17034

      5678
      *   3
      ----
    5814
    +1122
    ----
  17034
```

Kod dodawania liczb BCD w asemblerze x86:

```
void addBDC(char* numberIN1, char* numberIN2, char* numberOUT, int Size)
{
    __asm {
        push ebx;
        mov ecx, Size;
        mov esi, numberIN1;
        mov edi, numberIN2;
        mov ebx, numberOUT;

        cld;
        petla: mov al, [esi+ecx-1]; //CF = 0
               adc al, [edi+ecx-1]; //pobierz cyfrę źródła1
               aaa; //dodaj cyfrę źródła2 z przeniesieniem
               mov [ebx+ecx-1], al; //korekta po dodawaniu
               dec ecx; //zapamiętaj cyfrę
               jnz petla; //CF nie zmieniło się od AAA!!!
               pop ebx;
    }
}
```

# Katedra Inteligentnych Systemów Informatycznych

## Politechnika Częstochowska

---

Kod mnożenia liczb BCD:

```
void mulBCD(char*a, char*b, int n, int m, char*w) {
    __asm {
        pushad;
        pushf;
        mov ecx, m           //ilość cyfr mnożnika - m
        mov edi, b           //adres mnożnika
        add edi, ecx
        mov edx, w           //adres wyniku - WYZEROWAĆ WYNIK PRZED WYWOŁANIEM!
        add edx, ecx

    po_m:
        push ecx             //zabezpiecz m ilość pozostałych cyfr mnożnika
        dec edx              //cyfra wyniku od m-1 do 0
        dec edi              //cyfra mnożnika od m-1 do 0
        mov bl, [edi]        //cyfra mnożnika do bl
        mov ecx, n           //ilość cyfr mnożnej - n
        mov esi, a           //adres mnożnej

    iloczyn:
        mov al, [esi]        //cyfra mnożnej - od najstarszej
        mul bl                //razy cyfra mnożnika
        aam                   //korekta po mnożeniu
        push ax               //ah - przeniesienie z mnożenia, al - wynik na stos
        inc esi
        loop iloczyn
        mov ecx, n
        pop ax                //najmłodsze ze stosu
        add al, [edx + ecx]   //i dodajemy cyfrę do wyniku
        aaa                   //korekta po dodawaniu
        mov [edx + ecx], al
        dec ecx
        jz one_n              //jeśli tylko jednocyfrowa mnożna

    SumaBCD:
        mov bl, ah           //przeniesienie do bl
        pop ax                //następna cyfra i przeniesienie ze stosu
        add al, [edx + ecx]   //dodajemy kolejną cyfrę wyniku
        aaa
        add al, bl            //plus poprzednie przeniesienie
        aaa
        mov[edx + ecx], al   //i do wyniku
        loop SumaBCD

    one_n:
        mov [edx], ah        //ostatnie przeniesienie do wyniku
        pop ecx               //ilość pozostałych cyfr mnożnika
        loop po_m
        popf
        popad
    }
}
```

Bardzo istotne jest właściwe przygotowanie kodu w C++, należy odpowiednio przygotować tablice, które użytkownik uzupełni konkretnymi wartościami.

```
int main()
{
    int maxSize = 30;

    int actualSize1 = 0;
    int actualSize2 = 0;
    int actualSizeOUT = 0;
    int actualSizeOUT_ = 0;
```

Katedra Inteligentnych Systemów Informatycznych  
Politechnika Częstochowska

---

```
char* numberIN1 = new char[maxSize];
char* numberIN2 = new char[maxSize];
char* numberIN1_ = new char[maxSize];
char* numberIN2_ = new char[maxSize];
char* numberOUT = new char[maxSize];
char* numberOUT_ = new char[maxSize];
char c;

puts("Podaj liczbe 1:");
do {
    c = (char)getchar();
    numberIN1[actualSize1] = c;
    numberIN1_[actualSize1] = c;
    actualSize1++;
} while (!(c == '\n') || (actualSize1 >= maxSize));
actualSize1--;
for (int i = maxSize - 1, j = 0; i >= 0; --i, ++j)
{
    if (j < actualSize1)
        numberIN1[i] = numberIN1[actualSize1 - j - 1];
    else
        numberIN1[i] = '0';
}

puts("Podaj liczbe 2:");
do {
    c = (char)getchar();
    numberIN2[actualSize2] = c;
    numberIN2_[actualSize2] = c;
    actualSize2++;
} while (!(c == '\n') || (actualSize2 >= maxSize));
actualSize2--;
for (int i = maxSize - 1, j = 0; i >= 0; --i, ++j)
{
    if (j < actualSize2)
        numberIN2[i] = numberIN2[actualSize2 - j - 1];
    else
        numberIN2[i] = '0';
}

printf("\nPierwsza liczba do dodawania/odejmowania to: %.*s\n", maxSize, numberIN1);
printf("Druga liczba do dodawania/odejmowania to: %.*s\n", maxSize, numberIN2);
printf("\nPierwsza liczba do mnozenia to: %.*s\n", actualSize1, numberIN1_);
printf("Druga liczba do mnozenia to: %.*s\n", actualSize2, numberIN2_);

for (int i = 0; i < maxSize; ++i) numberIN1[i] &= 15;
for (int i = 0; i < maxSize; ++i) numberIN2[i] &= 15;
for (int i = 0; i < maxSize; ++i) numberIN1_[i] &= 15;
for (int i = 0; i < maxSize; ++i) numberIN2_[i] &= 15;
for (int i = 0; i < maxSize; ++i) numberOUT[i] = '0';
for (int i = 0; i < maxSize; ++i) numberOUT_[i] = '0';

addBDC(numberIN1, numberIN2, numberOUT, maxSize);

mulBCD(numberIN1_, numberIN2_, actualSize1, actualSize2, numberOUT_);

for (int i = 0; i < maxSize; ++i) numberOUT[i] |= 48;
for (int i = 0; i < maxSize; ++i) numberOUT_[i] |= 48;
printf("\nWynikowa liczba z dodawania/odejmowania to: %.*s\n", maxSize, numberOUT);
printf("Wynikowa liczba z mnozenia to: %.*s\n", maxSize, numberOUT_);

for (int i = 0; i < maxSize; ++i, actualSizeOUT++) if ((char)numberOUT[i] != '0') break;
```

# Katedra Inteligentnych Systemów Informatycznych

## Politechnika Częstochowska

---

```
for (int i = 0; i < maxSize; ++i)
{
    if (i + actualSizeOUT < maxSize)
        numberOUT[i] = numberOUT[i + actualSizeOUT];
    else
        numberOUT[i] = ' ';
}
actualSizeOUT = maxSize - actualSizeOUT;

actualSizeOUT_ = actualSize1 + actualSize2;
if (numberOUT_[0] == '0')
{
    for (int i = 0; i < maxSize; ++i)
    {
        if (i + 1 < maxSize)
            numberOUT_[i] = numberOUT_[i + 1];
        else
            numberOUT_[i] = ' ';
    }
    actualSizeOUT_--;
}
printf("\nWynik dodawania/odejmowania to: %.*s", actualSizeOUT, numberOUT);
printf("\nWynik mnozenia to: %.*s\n\n", actualSizeOUT_, numberOUT_);
system("PAUSE");
delete[] numberIN1;
delete[] numberIN2;
delete[] numberOUT;
delete[] numberOUT_;
return 0;
}
```

Powyższy kod sam dopasowuje ilość cyfr w liczbie – odpowiednio uzupełniając zerami miejsca przed liczbą, oraz sam przetwarza kod ASCII na kod BCD.

Zadania do samodzielnego wykonania:

1. Napisz kod dla odejmowania liczb BCD
2. Sprawdź co się stanie jak wynik wyjdzie ujemny podczas odejmowania.
3. Sprawdź co się stanie jak wynik wyjdzie za duży i nie mieści się w tablicy wynikowej (możesz odpowiednio zmienić tablicę)
4. Przetestuj mnożenie BCD.
5. Napisz dodawanie/odejmowanie/mnożenie liczb zmiennoprzecinkowych np.: 123.45 i 35.54. Uwaga należy zmodyfikować kod C++, aby użyć gotowych podprogramów dla liczb całkowitych i właściwie obsłużyć z kropkę/przecinek.
6. Zastanów się, czy można wykonać powyższe zadania w architekturze X64 – uzasadnij swoją odpowiedź.
7. \*Bazując na zdobytej wiedzy spróbuj wykonać samodzielnie dzielenie liczb BCD.